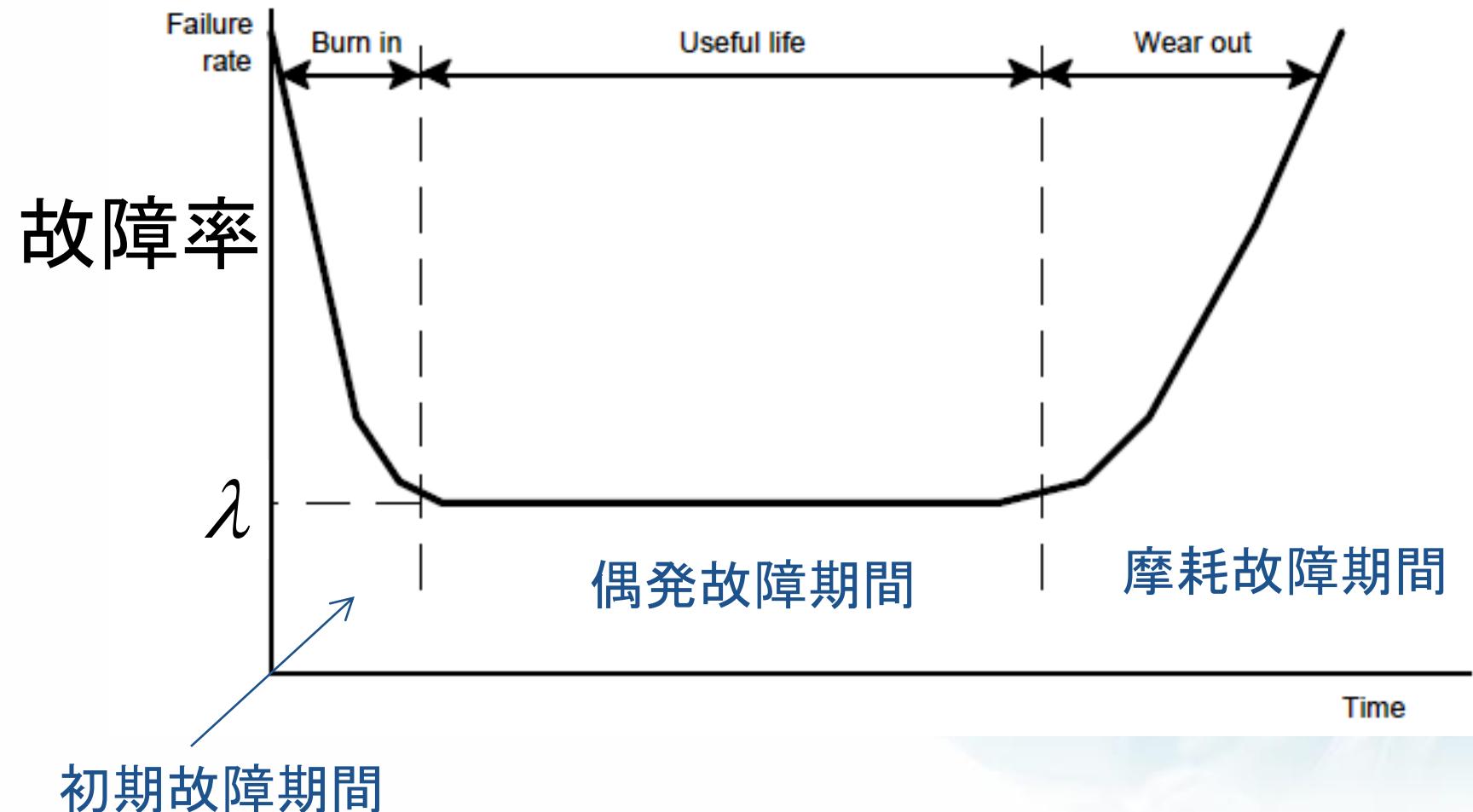


安全信賴性工学

Rafael Batres
豊橋技術科学大学

- 信頼性 (JIS Z 8115:信頼性用語)
 - 信頼できる度合(%)
 - "信頼度(信頼性)とはアイテムが与えられた条件で、規定の期間中、要求された機能を果たす確率(性質)である。" (JIS Z8115-1981)
 - アイテム
 - 部品(part)
 - 構成品(component)
 - 装置(device)
 - 機器(equipment)
 - 機能的ユニット(functional unit)

バスタブ曲線



信頼性(Reliability)

アイテムが与えられた条件下で規定の期間中、要求された機能を果たすことができる性質。

故障確率

$$F(t) = 1 - e^{-\lambda t}$$

$$\lambda > 0$$

故障率

信賴性

$$\lambda :$$

$$R(t) = 1 - F(t) = e^{-\lambda t}$$

確立密度関数

$$f(t) = \begin{cases} \lambda e^{-\lambda t}, & t \geq 0 \\ 0, & t < 0 \end{cases}$$

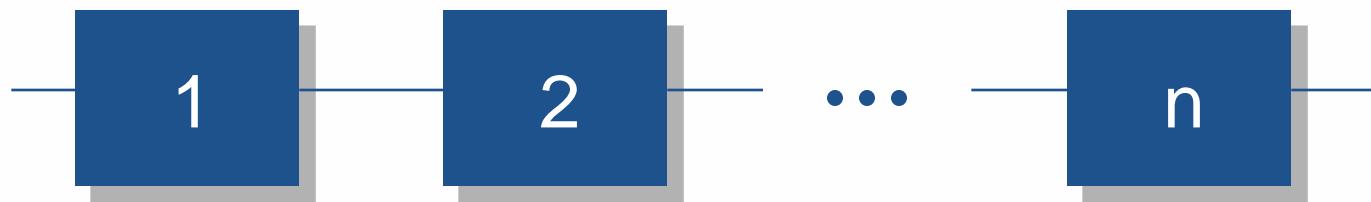
分布関数

$$F(t) = \int_0^t f(t) dt = \int_0^t \lambda e^{-\lambda t} dt = 1 - e^{-\lambda t}$$

平均故障間隔 (Mean time between failures)

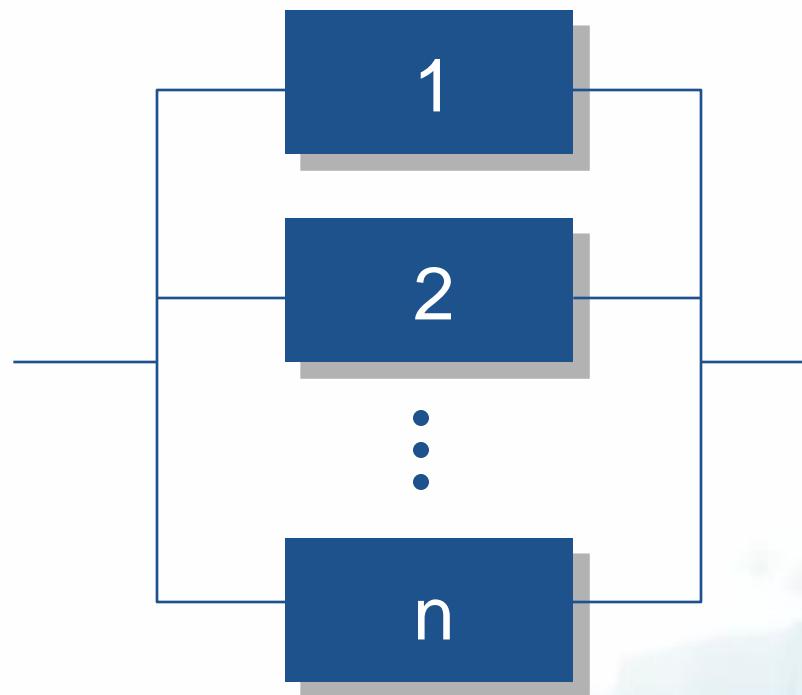
$$MTBF = \int_0^\infty t f(t) dt = t \lambda e^{-\lambda t} = \frac{1}{\lambda}$$

Series Systems



$$F_S = 1 - (1 - F_1) (1 - F_2) \dots (1 - F_n)$$

Parallel Systems



$$F_S = F_1 F_2 \dots F_n$$

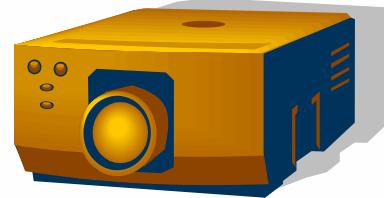
例: 本授業の信頼性評価

- プロジェクターの故障率
 - 1ヶ月で1回故障する
- ノートパソコンの故障率
 - 10週間で2回故障する

1週間あたりの授業の故障確率を求めよ

プロジェクターの故障確率

- プロジェクターの故障率
 - 1ヶ月で1回故障する



$$F(t) = 1 - e^{-\lambda t} = 1 - e^{-1/4} = 0.22$$

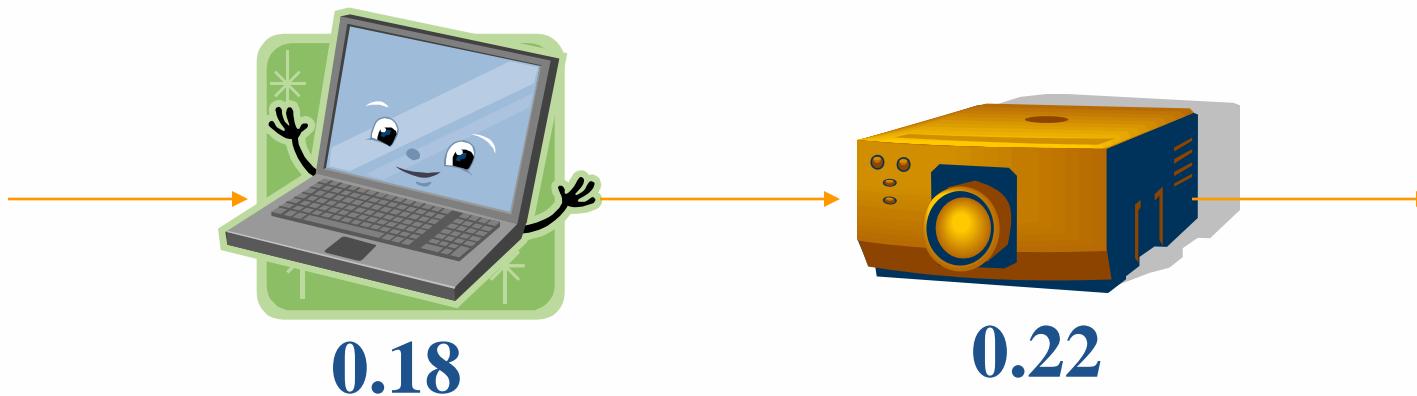
ノートパソコンの故障確率

- ノートパソコンの故障率
 - 10週間で2回故障する



$$F(t) = 1 - e^{-\lambda t} = 1 - e^{-2/10} = 1 - e^{-0.2} = 0.18$$

授業の故障確率, 信頼性



$$F_S = 1 - (1 - F_1)(1 - F_2) \dots (1 - F_n)$$

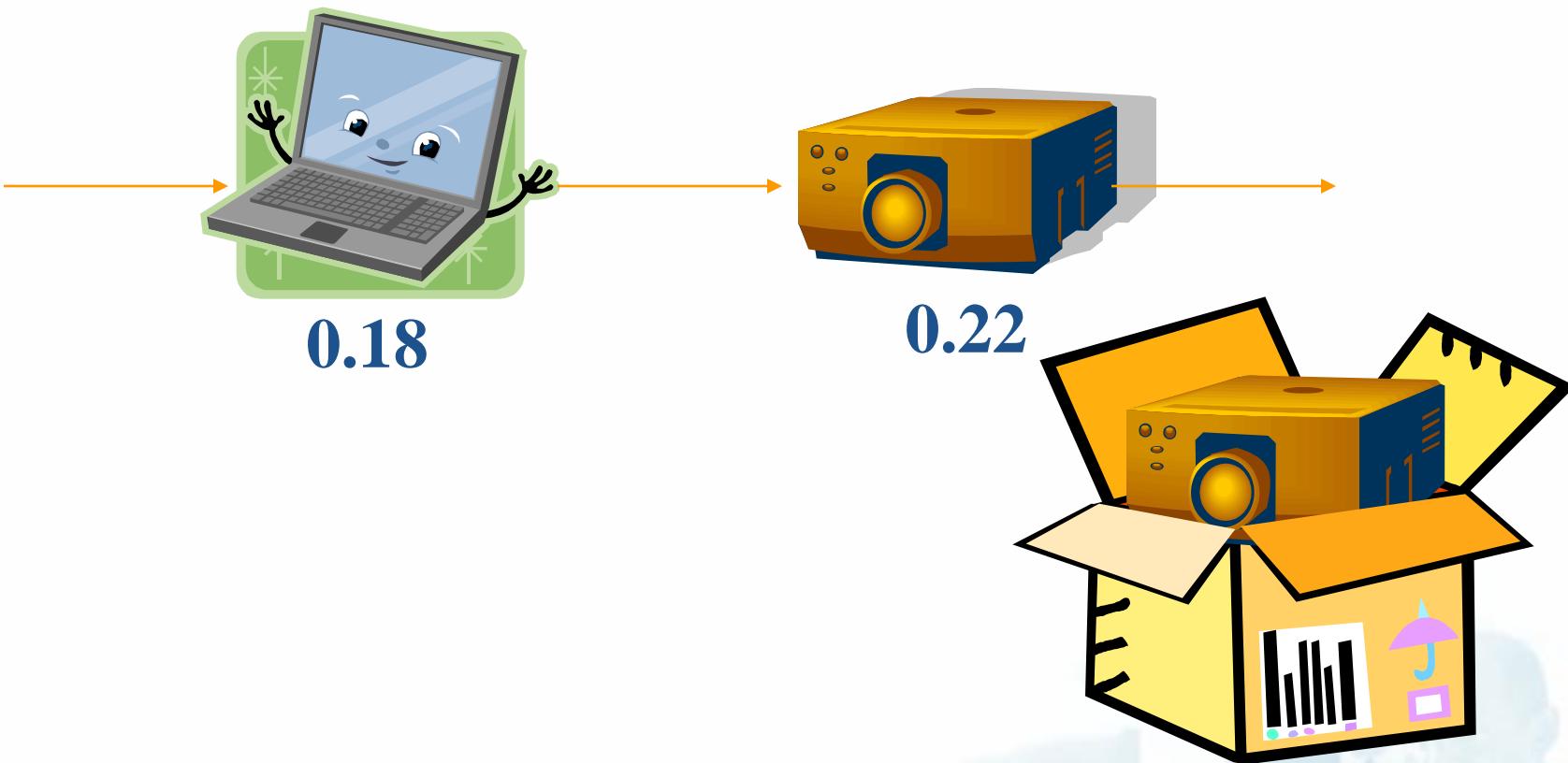
$$F_S = 1 - (1 - 0.18)(1 - 0.22) = 0.36$$

$$P_S = R_S = 1 - 0.36 = 0.64$$



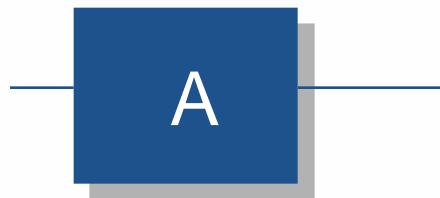
成功確立

授業の故障確率



$$F_S = ?$$

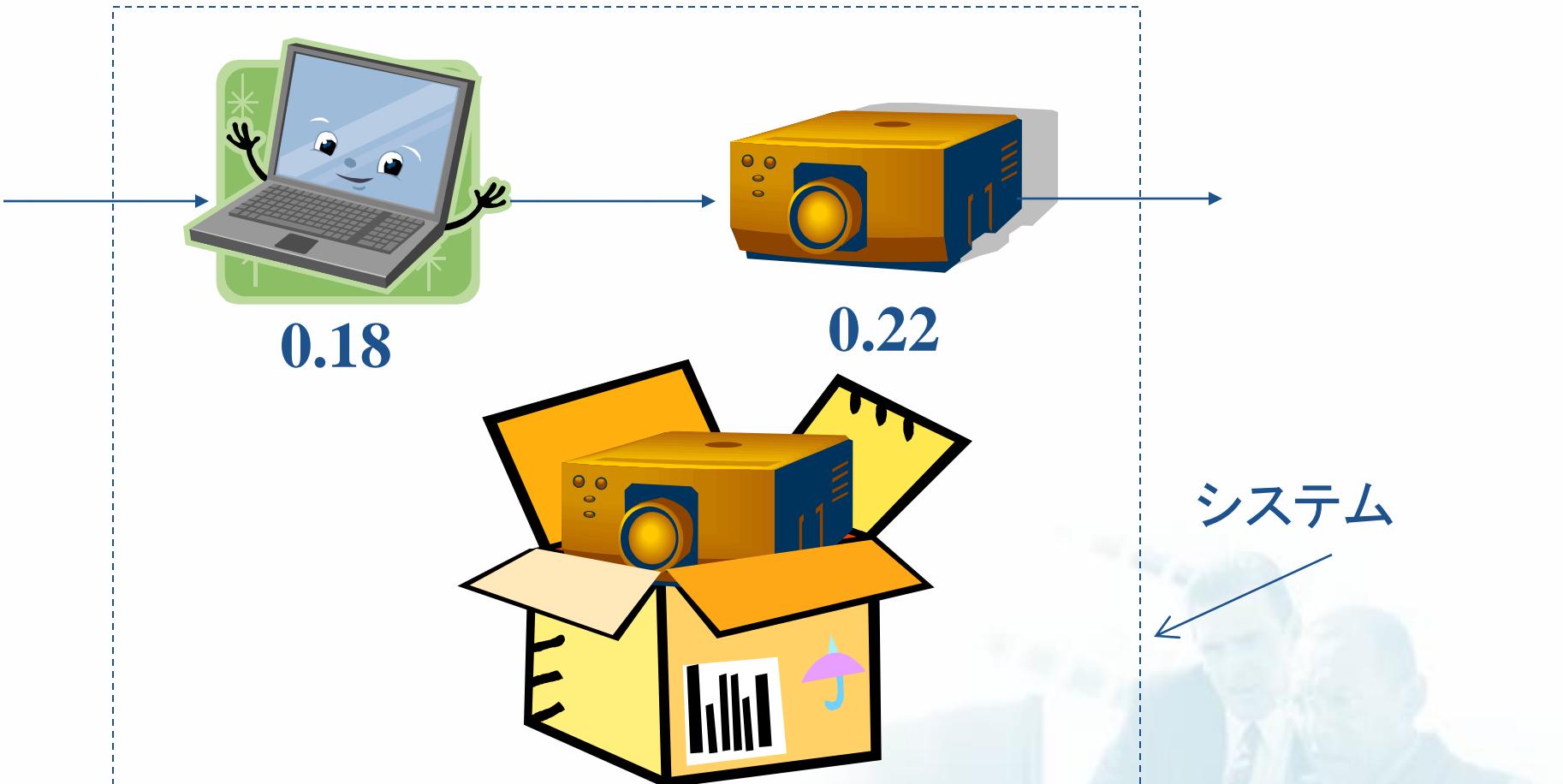
システムの信頼性



$$P_s = (A \text{が故障しない場合のシステムの成功確立}) * A \text{の信頼性} + (A \text{が故障する場合のシステムの成功確立}) * A \text{の故障確立}$$

$$P_s = 1 * R_A + 0 * F_A$$

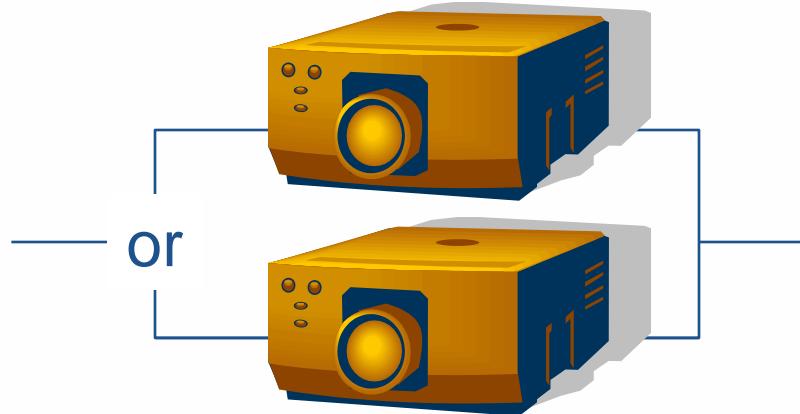
授業の故障確率



$$F_S = ?$$

プロジェクターの成功確立

$$\text{信頼性} = 1 - 0.22 = 0.78$$



$$\text{信頼性} = 1 - 0.22 = 0.78$$

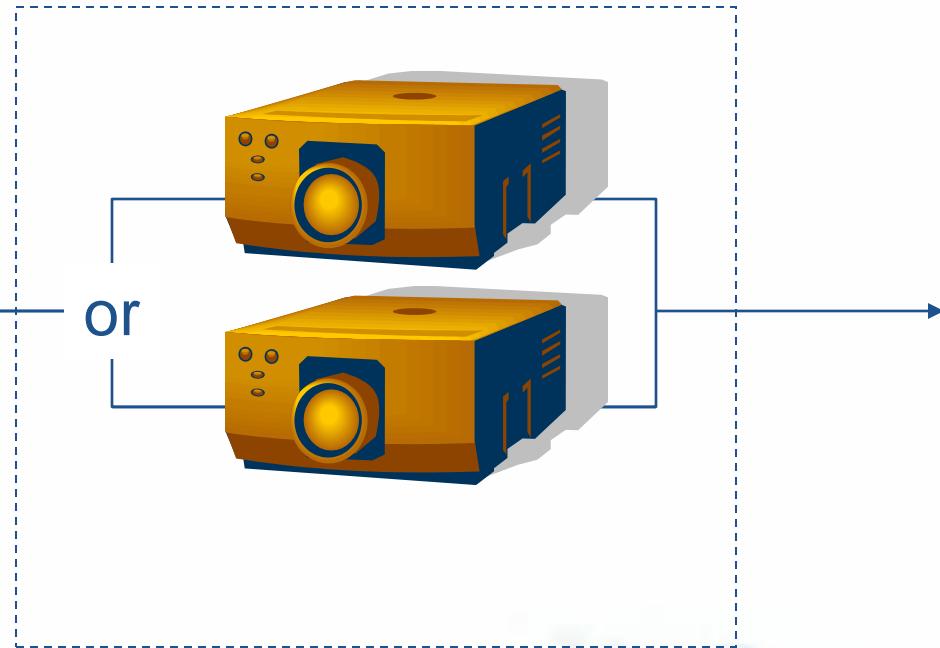
$P_{s, \text{ projectors}} = (\text{プロジェクターが故障しない場合のシステムの成功確立})^*$
 $\text{プロジェクターの信頼性} +$
 $(\text{プロジェクターが故障する場合のシステムの成功確立})^*$
 プロジェクターの故障確立

$$P_{s, \text{ projectors}} = (1) * 0.78 + 0.78 * (1 - 0.78) = 2 * 0.78 - (0.78)^2 = 0.96$$

プロジェクターの成功確立



$$\text{信頼性} = 1 - 0.18 = 0.82$$



$$\text{信頼性} = 1 - 0.22 = 0.96$$

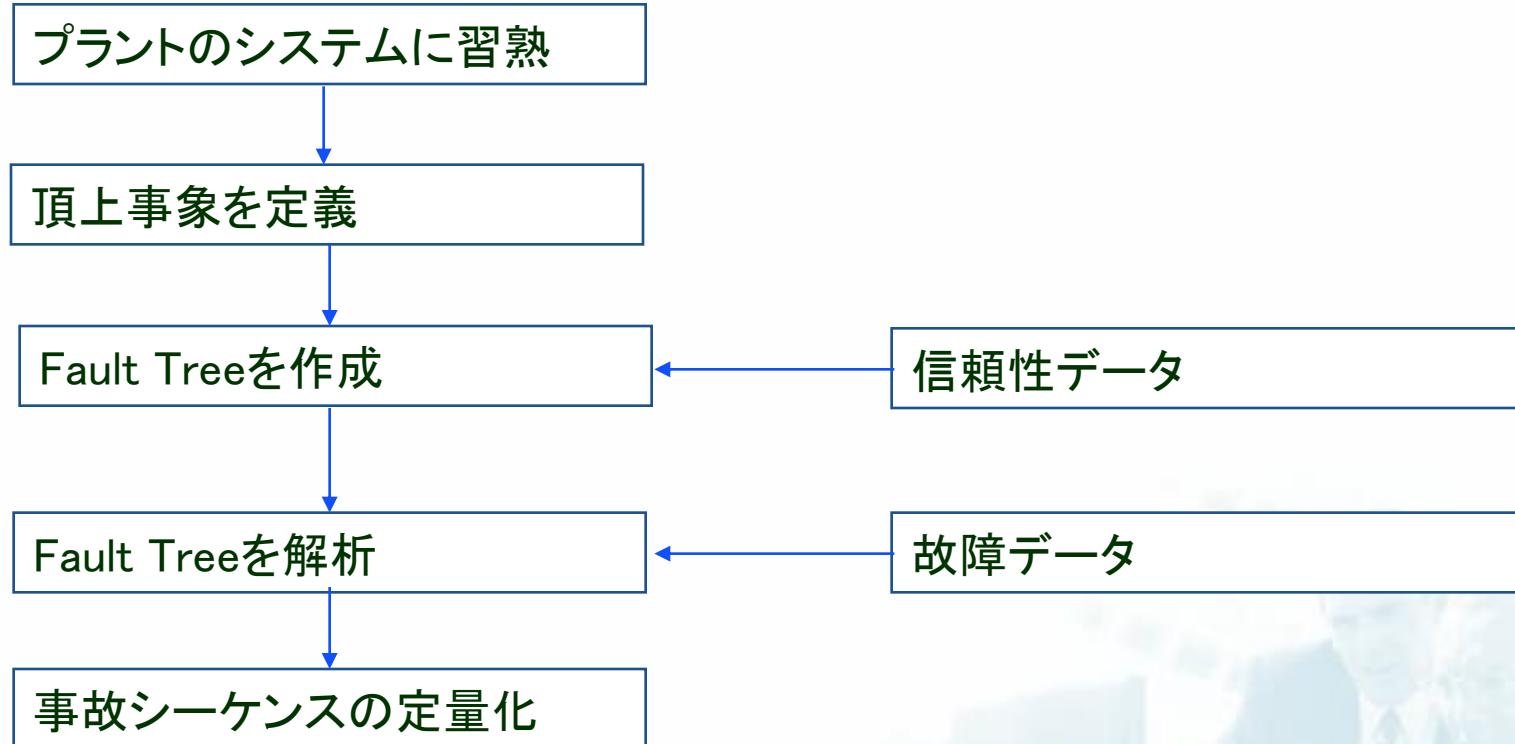
$$P_s = 0.82 * 0.96 = 0.78$$

$$F_s = 1 - 0.78 = 0.22$$

Fault tree Analysis (FTA)

- 故障の木解析法
- 1962年に米国のミサイル製造事故を防止する目的から開発された手法である(Bell Telephone Laboratories)
- トップ事象に災害等の最終結果を置いて、その原因を論理的に解析する
- シナリオを論理的なグラフとしてあらわすことが可能
- 各要素の故障確率、人為的過ちの確率などを推定し、システムの故障率を計算する

FTA 解析の流れ

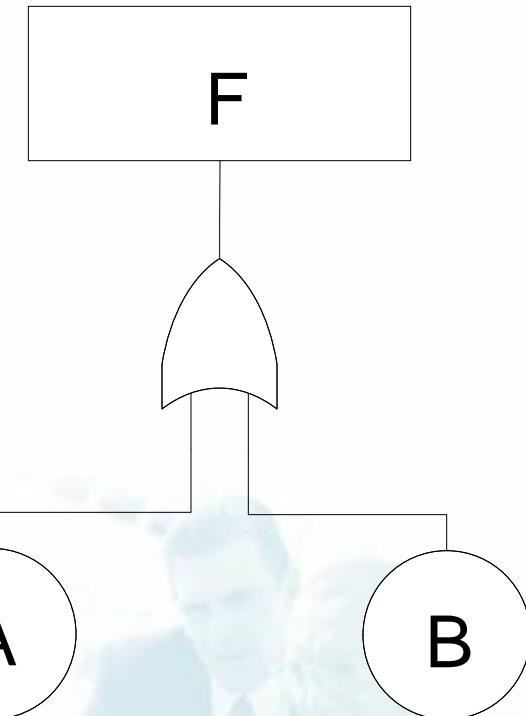


FT解析に用いられる記

記号	名称	説明	記号	名称	説明
	事象 event	トップ事象、及び基本事象等の組み合わせにより起る個々の事象(中間事象)		AND ゲート	論理積。
	基本事象 Basic event	これ以上は展開されない、又は発生確率が単独で得られる基本的な事象		OR ゲート	論理和。 冗長系でN out of Mの時は、N/Mゲートとする場合がある。
	否展開 事象 Undeveloped event	情報不足、技術的内容不明のためこれ以上展開できない事象 ダイヤモンド事象と呼ぶ。		移行記号 Transfer gate	FT図上の関連する部分への移行又は連結を示す。
	通常(家型) 事象 Normal (House) event	通常発生すると思われる事象を示す。 火災での「空気の存在」、機器の「保修・試験」等。		制約 ゲート INHIBIT gate	条件付確率。 条件を満足している場合のみ出力事象が発生する。

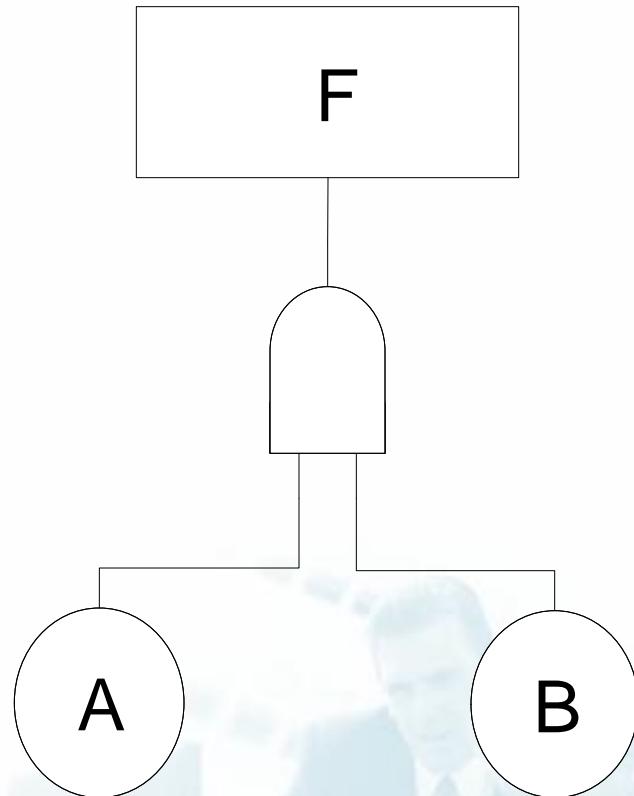
- OR ゲート

- Any of two events (B, C) can cause a failure event (F)
- Any of three events (A, B, C) can cause a failure event (F)



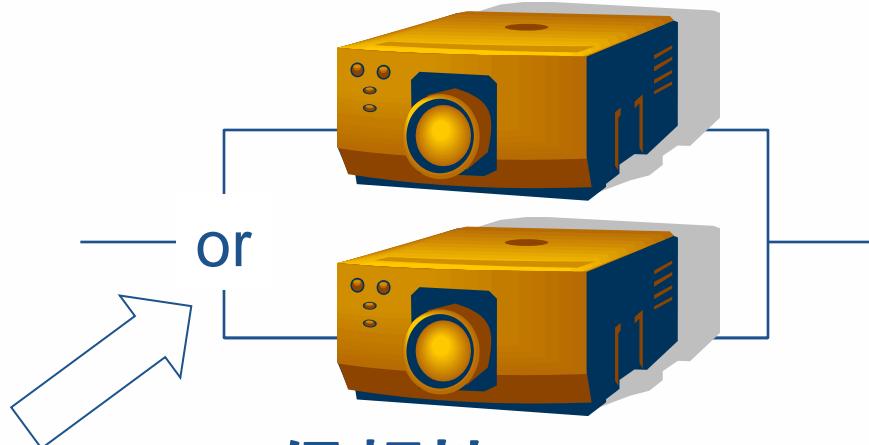
■ ANDゲート

- All events (A and B) cause a failure event (F)
- All events (A, B, and C) cause a failure event



プロジェクターの成功確立

$$\text{信頼性} = 1 - 0.22 = 0.78$$

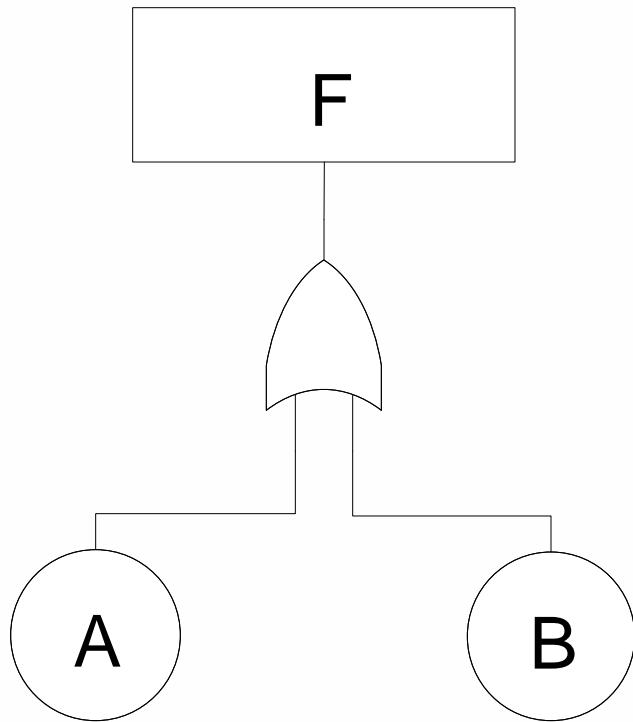


$$\text{信頼性} = 1 - 0.22 = 0.78$$

$P_{s, \text{ projectors}} = (\text{プロジェクターが故障しない場合のシステムの成功確立})^*$
 $\text{プロジェクターの信頼性} +$
 $(\text{プロジェクターが故障する場合のシステムの成功確立})^*$
 プロジェクターの故障確立

$$P_{s, \text{ projectors}} = (1) * 0.78 + 0.78 * (1 - 0.78) = 2 * 0.78 - (0.78)^2 = 0.96$$

ORゲート



$$R_S = R_1 R_2$$

$$F_S = 1 - R_S$$

$$F_S = 1 - R_1 R_2$$

$$F_S = 1 - (1 - F_1)(1 - F_2)$$

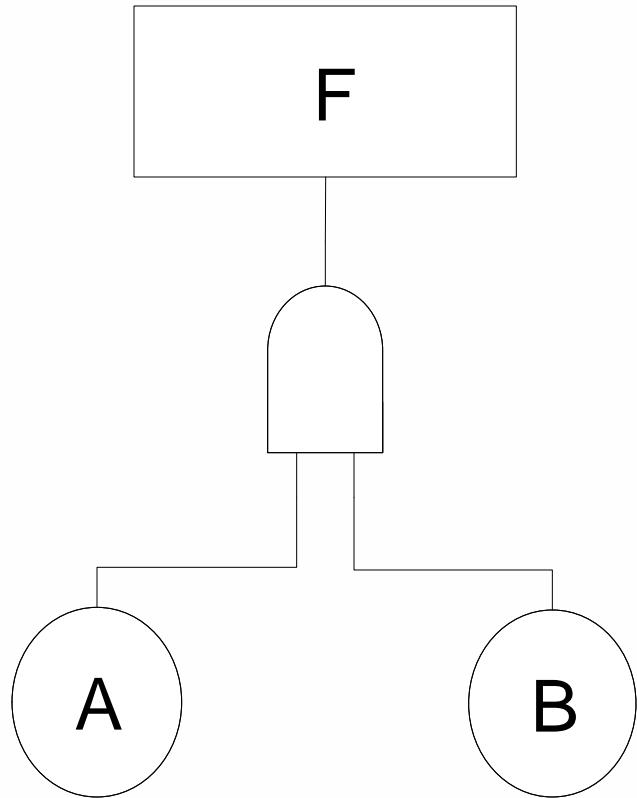
$$F_S = F_1 + F_2 - F_1 F_2$$

入力が3の場合:

$R_i < 0.2$ の場合 $F_S \approx F_1 + F_2$

$$F_S = F_1 + F_2 + F_3 - \cancel{F_1 F_2} - \cancel{F_1 F_3} - \cancel{F_2 F_3} + \cancel{F_1 F_2 F_3}$$

ANDゲート



$$R_S = R_1 + R_2 - R_1R_2$$

$$F_S = 1 - R_S$$

$$F_S = 1 - (R_1 + R_2 - R_1R_2)$$

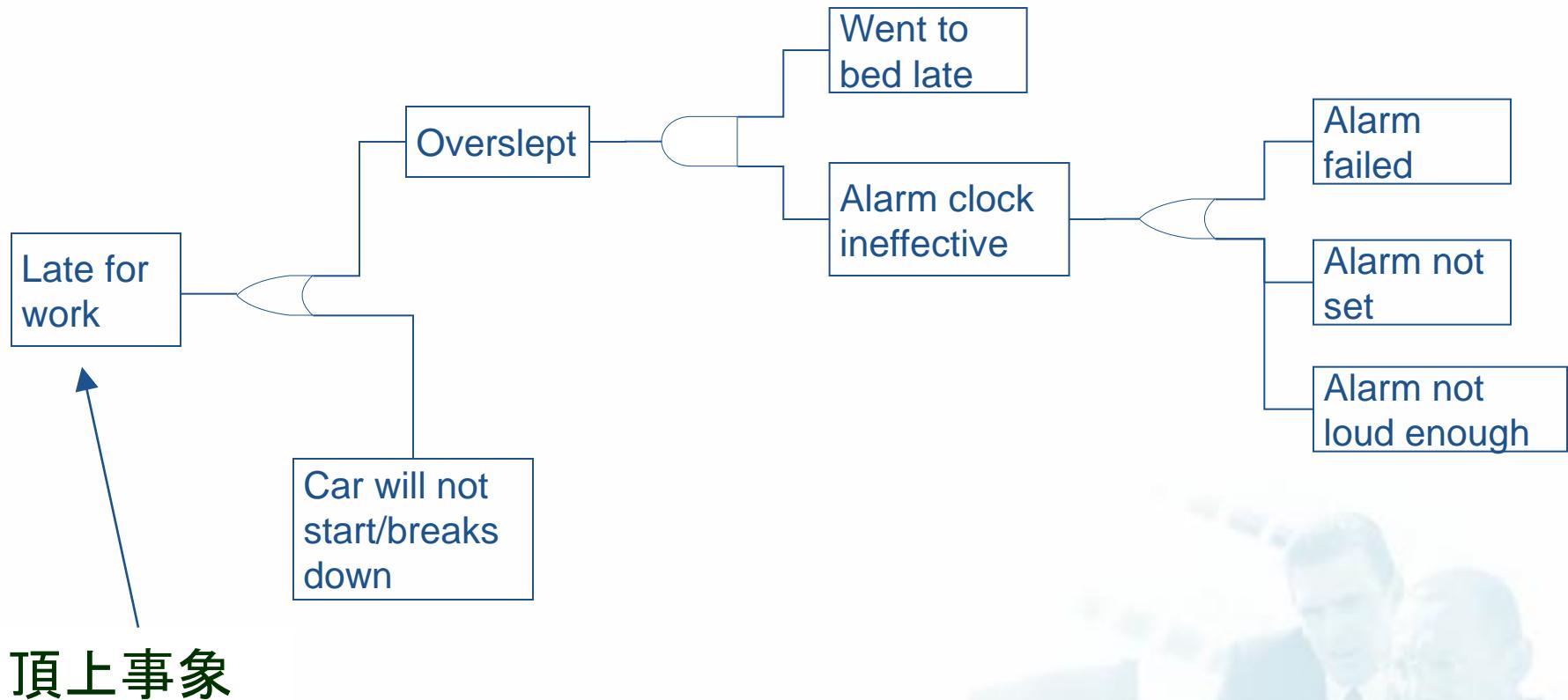
$$F_S = 1 - [(1 - F_1) + (1 - F_2) - (1 - F_1)(1 - F_2)]$$

$$F_S = F_1 F_2$$

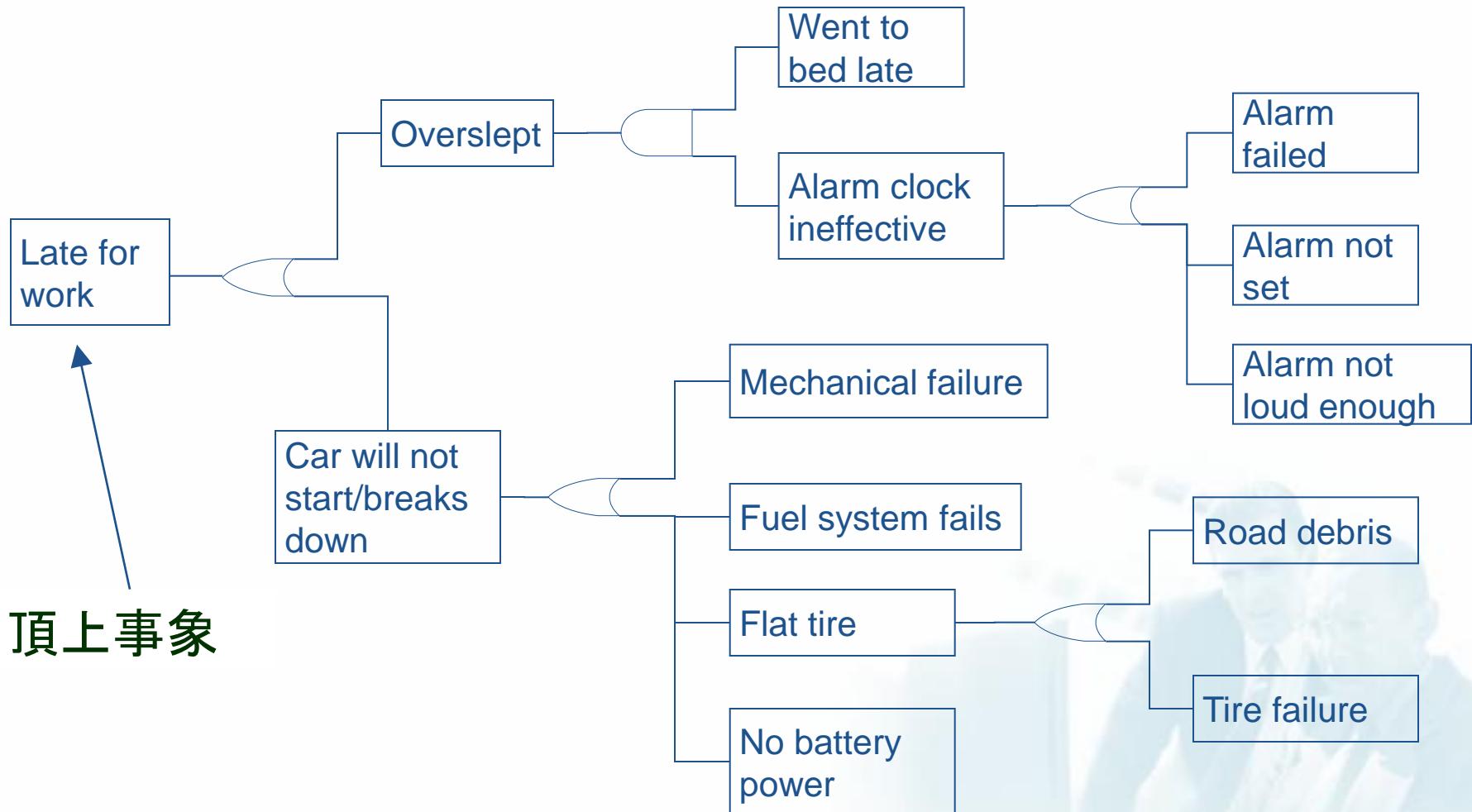
入力が3の場合:

$$F_S = F_1 F_2 F_3$$

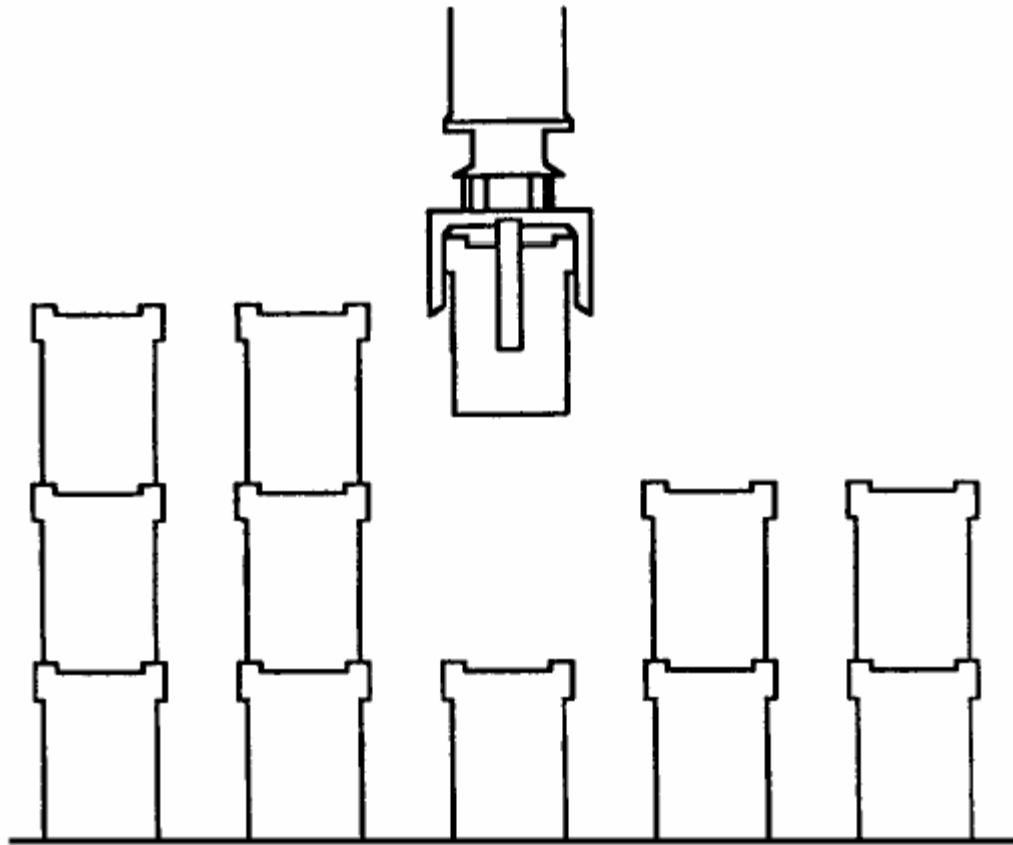
FTAの例

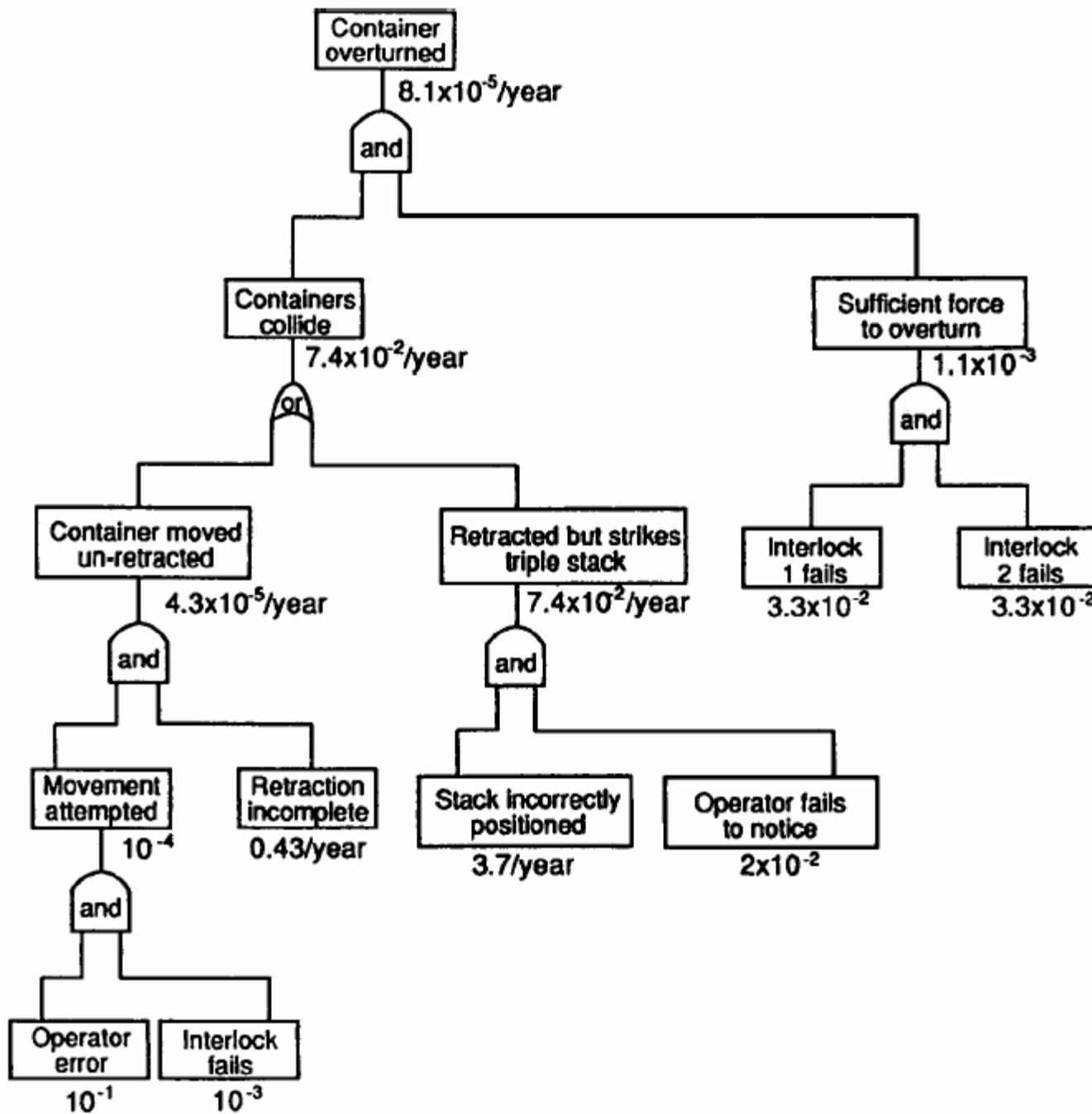


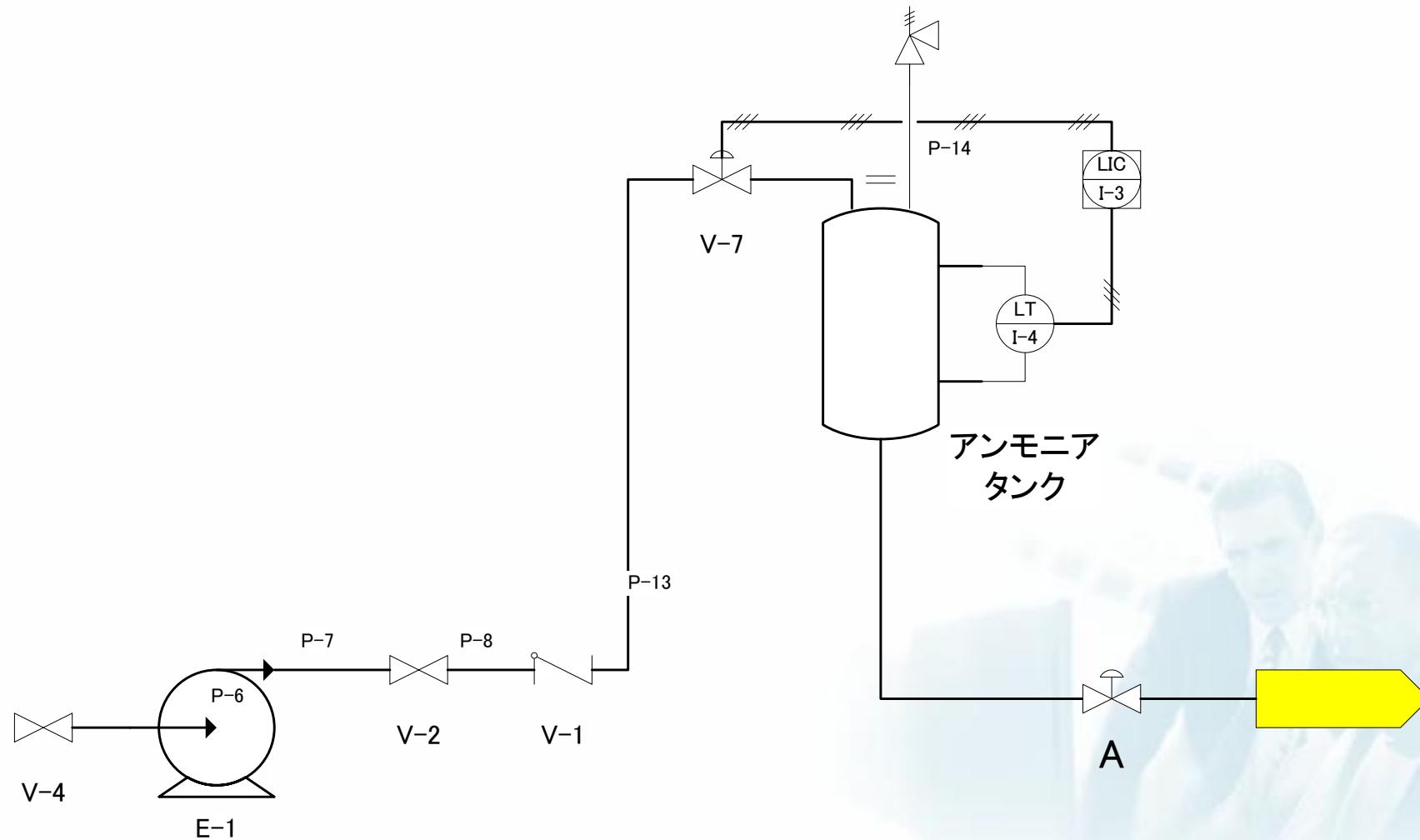
FTAの例



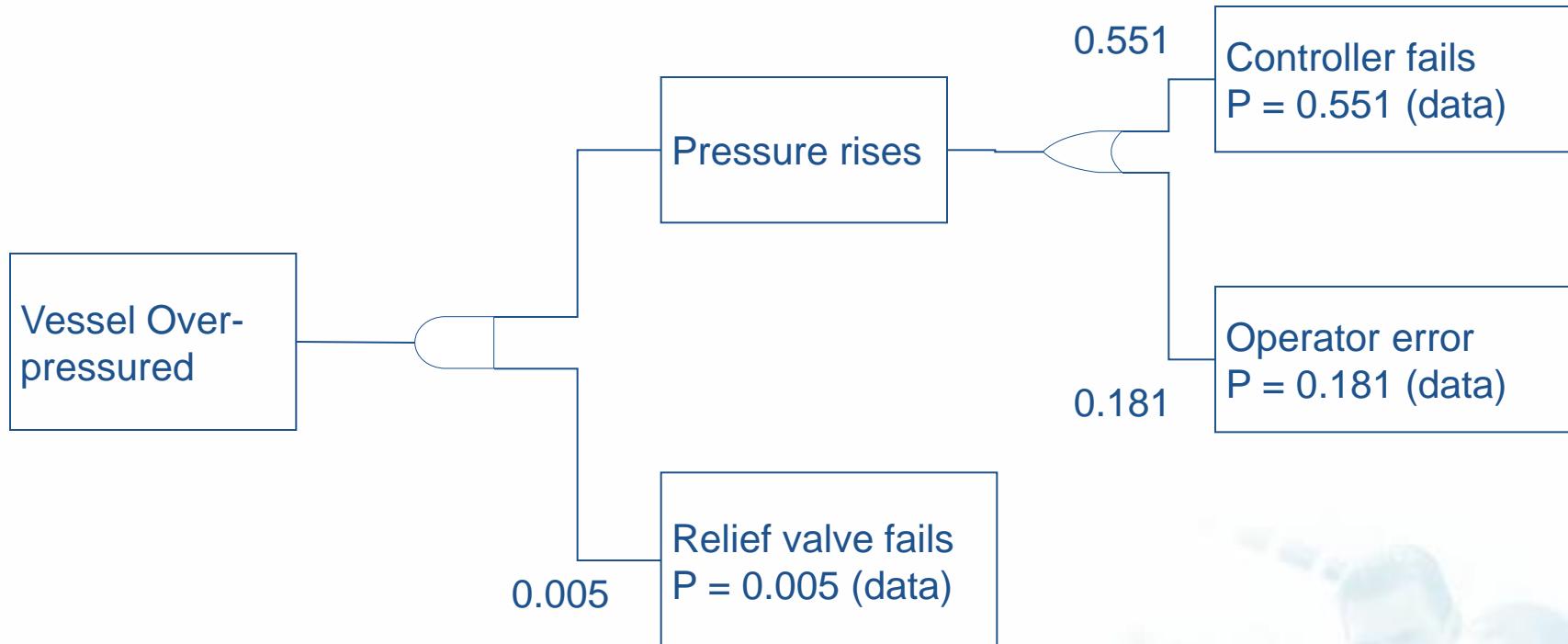
...



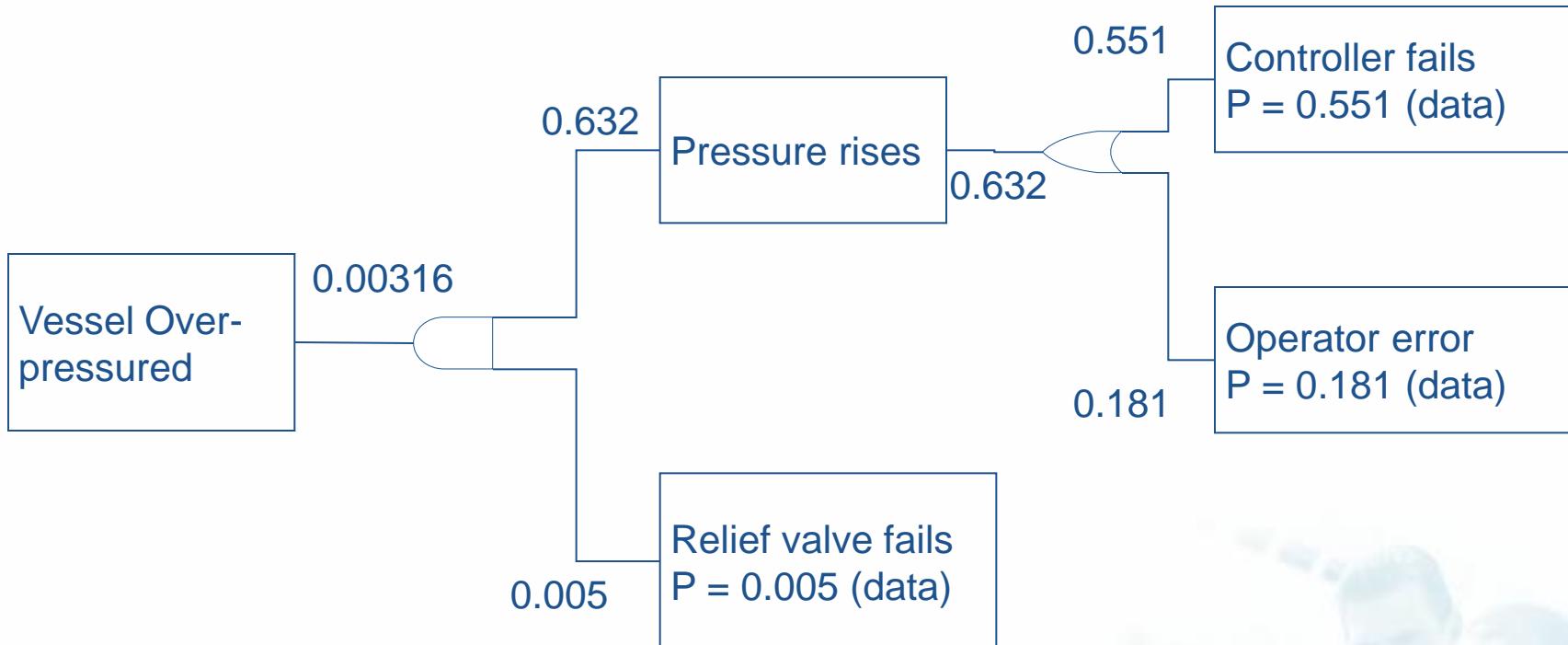




Level Controller LIC I-3 fails



Controller fails



Pressure rises: $P = 0.551 + 0.181 - (0.551)(0.181) = 0.632$

Vessel
overpressured

$$P = (0.632)(0.005) = 0.00316$$

リスク解析はどんな時でつかうか？

“Perform an analysis only to reach a decision. Do not perform an analysis if that decision can be reached without it. It is not effective to do so. It is a waste of resources.”

Dr. V.L. Grose
George Washington University

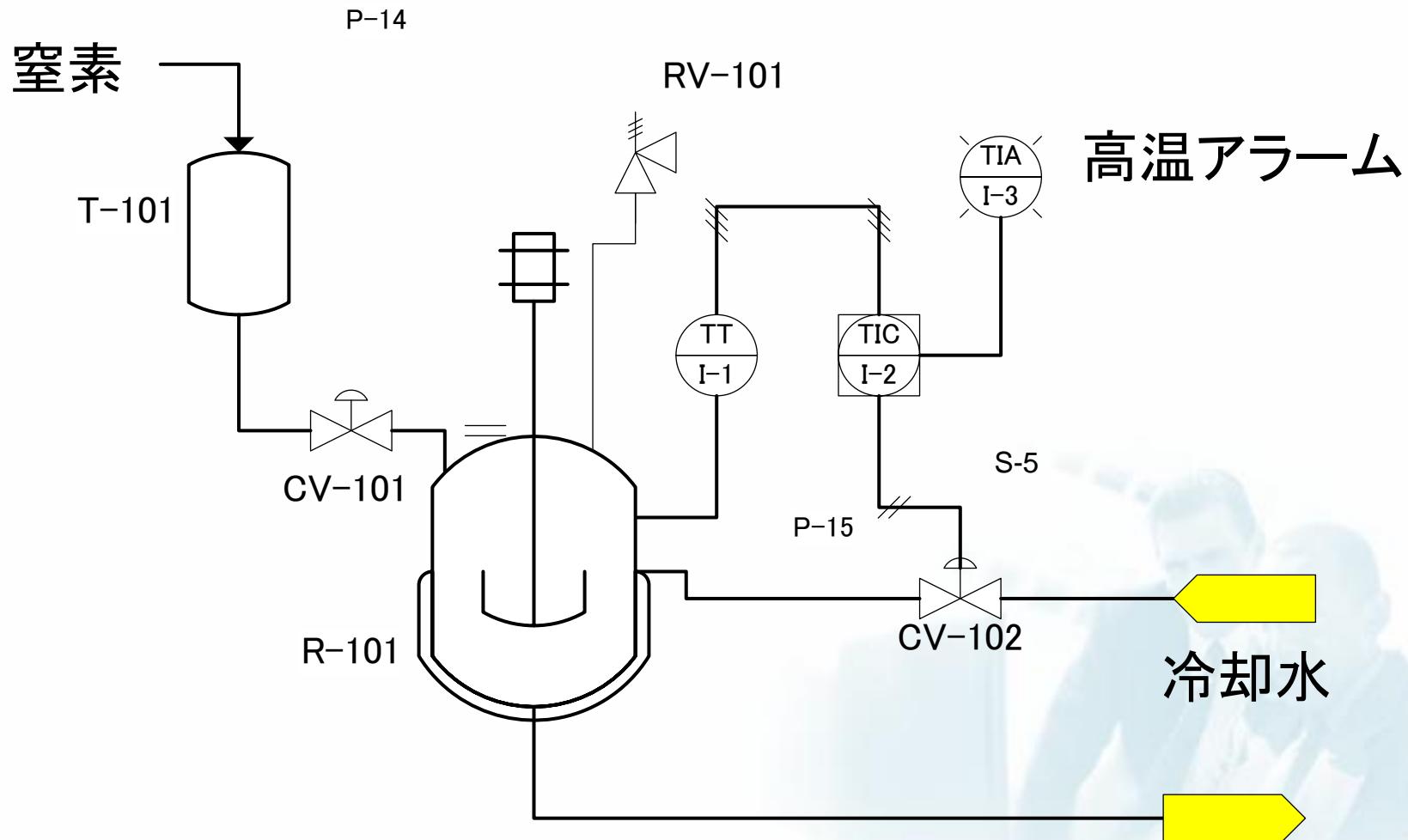
ETA(事象の木解析, event tree analysis)

- ET
 - 要素の状態(故障, 正常) によって分岐し, 最後にシステムの破損状態に到達します
- ETA
 - (ET)を作成して解析する手法

FTA: 頂上事象(結果) → 複数の基本事象(原因)

ETA: 1つの基本事象(原因) → 頂上事象(結果)

バッチ反応器

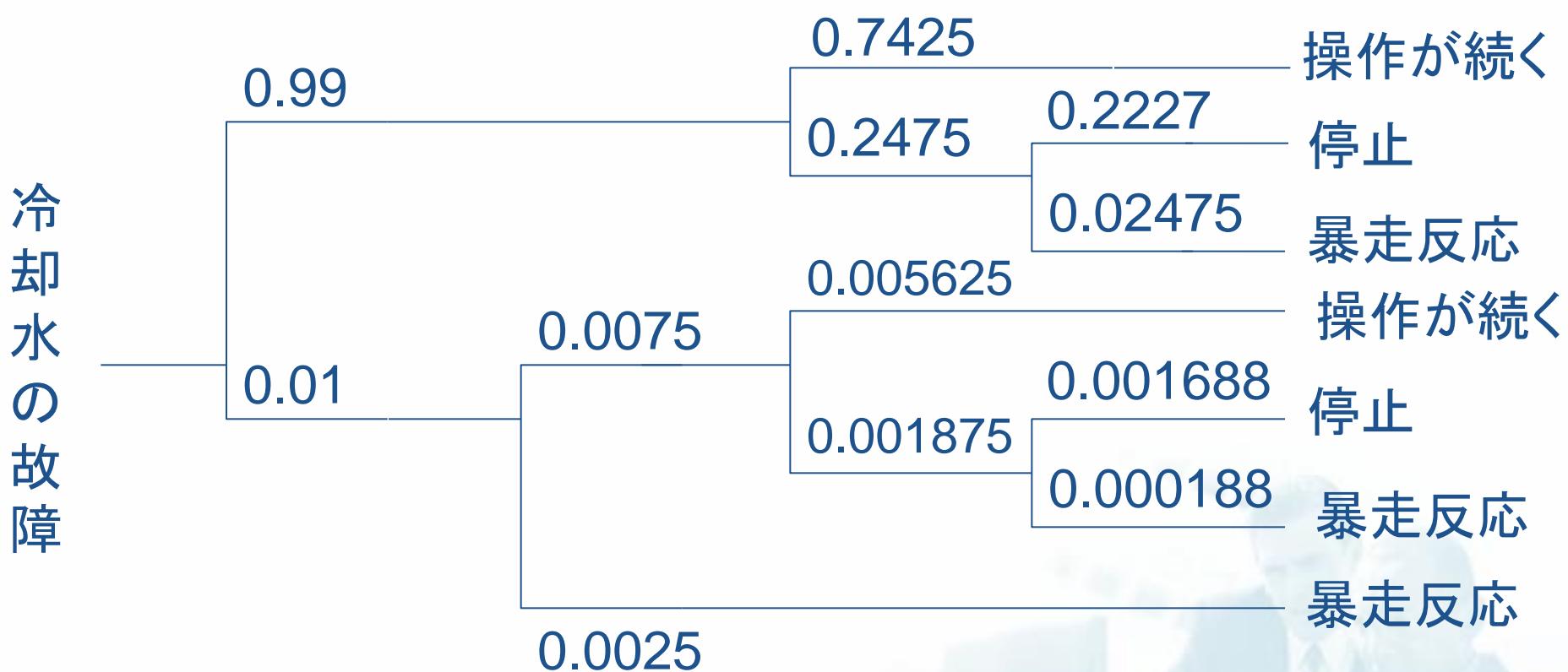


安全機能	成功確立	故障確率
高温アラームがなる	0.99	0.01
作業者が高温事象を発見	3 out of 4 times	0.25
作業者が 冷却水システムを再起動	3 out of 4 times	0.25
作業者が非常シャットダウントを起動	9 out of 10 times	0.10

冷却水の故障のET



冷却水の故障のET



暴走反応の総合確率 = $0.02475 + 0.000188 + 0.0025 = 0.02744$
= 1/36 years